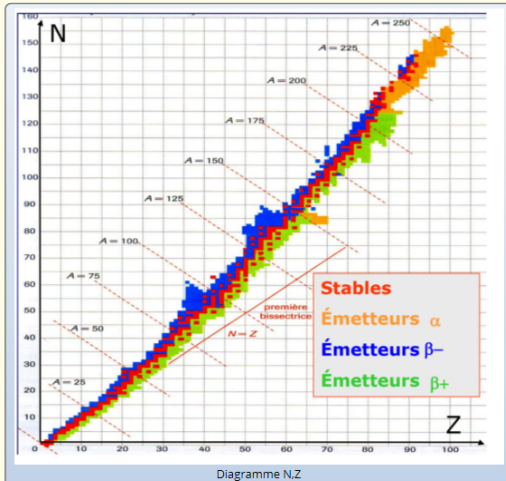
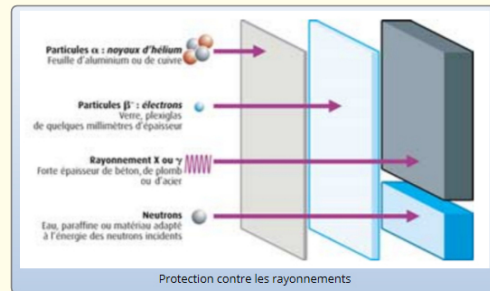


Les différents types de radioactivité

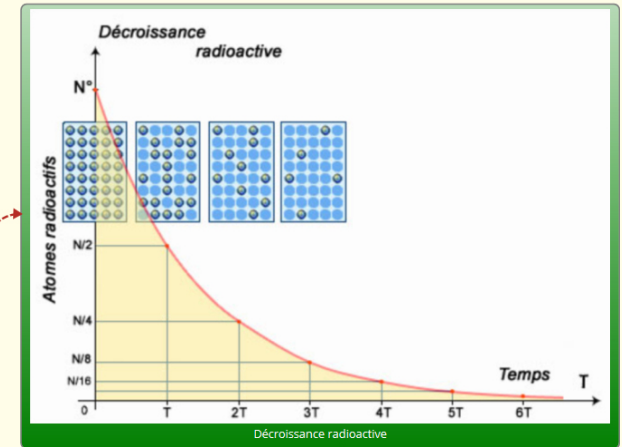


Le domaine en bleu représente les noyaux instables ayant un excès de neutrons.
 Le domaine en vert représente les noyaux instables ayant un excès de protons.
 Le domaine en orange représente les noyaux instables ayant un excès de masse.



Document M. Morin

Radioactivité
 Décroissance radioactive



Pour une durée très courte (en instantané), on a l'équation différentielle :

$$\frac{dN(t)}{dt} = -\lambda \cdot N(t)$$

$$\Leftrightarrow \frac{dN(t)}{N(t)} = -\lambda \cdot dt$$

$\frac{dN(t)}{dt}$: dérivée de N par rapport au temps

Equation différentielle

$A(t) = \lambda \cdot N(t)$

Activité
 Elle s'exprime en Becquerel (Bq)
 1 Bq = 1 désintégration / seconde

On a $\tau = \frac{1}{\lambda}$

$\Leftrightarrow t_{1/2} = \text{Ln}2 \cdot \tau$

Relation entre la constante de temps et la demi-vie

Demi-vie : la durée correspondant à la désintégration de la moitié des noyaux radioactifs initialement présents dans l'échantillon.

Relation entre la constante de désintégration et la demi-vie $t_{1/2}$

On a $\text{Ln} \left(\frac{N(t)}{N_0} \right) = -\lambda \cdot t$

$\Leftrightarrow \text{Ln} \left(\frac{1}{2} \right) = -\lambda \cdot t_{1/2}$

$\Leftrightarrow \text{Ln} 1 - \text{Ln} 2 = -\lambda \cdot t_{1/2}$ $\text{Ln} 1 = 0$

$\Leftrightarrow \text{Ln} 2 = \lambda \cdot t_{1/2}$

$\Leftrightarrow t_{1/2} = \frac{\text{Ln} 2}{\lambda}$

Demi-vie

Résolution de l'équation sans second membre, c'est-à-dire $\frac{dN(t)}{N(t)} + \lambda \cdot dt = 0$

$\Leftrightarrow \frac{dN(t)}{N(t)} = -\lambda \cdot dt$

Par intégration on peut écrire :

$\int \frac{dN(t)}{N(t)} = \int -\lambda \cdot dt$

$\Leftrightarrow \text{Ln} N(t) = -\lambda \cdot t + K$ K étant une constante

Détermination cette constante :

à $t_0 = 0$, on a $N(0) = N_0$ donc $K = \text{Ln} N_0$

$\Leftrightarrow \text{Ln} N(t) = -\lambda \cdot t + \text{Ln} N_0$

$\Leftrightarrow \text{Ln} N(t) - \text{Ln} N_0 = -\lambda \cdot t$

$\Leftrightarrow \text{Ln} \left(\frac{N(t)}{N_0} \right) = -\lambda \cdot t$

La loi de décroissance radioactive est $\frac{N(t)}{N_0} = e^{-\lambda \cdot t}$ ou encore $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

On note τ la constante de temps. $\tau = \frac{1}{\lambda}$ (unité : seconde)

La relation $N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$ peut s'écrire $N(t) = N_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$

Résolution de l'équation différentielle